

EJERCITACION INTEGRADORA- U1-U2-U3- SEGUNDA ENTREGA

1) Dada la función $g: Dg \rightarrow \mathbb{R} / g(x) = \ln(x+k)$

a) Hallar k real para que la recta $x = 2$ sea asíntota de la curva. Luego indicar dominio e imagen y graficarla.

b) Si $k = 1$

b1) Hallar dominio e imagen de g ¿la función es biyectiva?. Justificar y en caso afirmativo hallar g^{-1} .

b2) Siendo $f: [0, +\infty) \rightarrow [0, +\infty) / f(x) = \sqrt{x}$ realizar en caso de ser posible $g \circ f$ escribiendo el dominio de la función compuesta. **(Analizar previamente las condiciones de composición)**

2) Dada la función :

$$f(x) = \begin{cases} ax^2 + b & \text{si } x \leq 2 \\ \frac{1}{x} & \text{si } x > 2 \end{cases}$$

a) Calcular los valores de a y b para que la función se **continua** y **derivable** en $x = 2$. **Aplicar la definición de derivada en un punto para estudiar la derivabilidad**

Rta: $a = -1/16$ $b = 3/4$

b) Realizar la grafica para los valores de a y b hallados.

c) Proponer un cambio en los valores de a y b para que la función tenga una discontinuidad esencial de salto finito en $x = 2$.

d) Mostrar (utilizar la definición de función continua en un punto) para los valores propuestos, que la función tiene discontinuidad esencial en $x = 2$.

3) Calcular los siguientes límites:

a) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{|x| - 2}{x + 2}$ b) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sin(x-1)}{\sqrt{x^2 + 3} - 2}$ c) $\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \sin(3x))^{-\frac{1}{x}}$

Rta: **a) -1 b) 2 c) e^{-3}**

4) Sea la función : $f(x) = \sqrt{4 - x^2}$. a) Hallar el dominio de la función y realizar la gráfica.

b) Hallar el punto de tangencia con f y la ecuación de la recta tangente a la gráfica de f , sabiendo que la recta tangente intersecta al eje x en $x = 3$. Interpretar gráficamente.

Rta : $y_t = -\frac{2}{5}\sqrt{5}x + \frac{6}{5}\sqrt{5}$

5) a) Determinar: dominio, intersección con los ejes, paridad, intervalos de continuidad, asíntotas

y haz un gráfico aproximado para $f(x) = \frac{2x^2 + 3x}{x + 3}$

b) Determinar para qué puntos de la curva , la recta tangente a la misma es horizontal.

Rta: b) $x_1 = -3 + \frac{3}{2}\sqrt{2}$ $x_2 = -3 - \frac{3}{2}\sqrt{2}$